



# Chapitre 11 : Mouvement de projectiles dans un champ de pesanteur uniforme

## Connaissances et savoir-faire exigibles :

- (1) Appliquer la deuxième loi de Newton à un projectile dans un champ de pesanteur uniforme.
- (2) Montrer que le mouvement est plan.
- (3) Établir l'équation de la trajectoire à partir des équations horaires paramétriques.
- (4) Savoir exploiter un document expérimental reproduisant la trajectoire d'un projectile : tracer des vecteurs vitesse et accélération, déterminer les caractéristiques du vecteur accélération, trouver les conditions initiales. **(Voir TPφn°8)**  
*Savoir-faire expérimentaux : (Voir TPφn°8)*
- (5) Savoir enregistrer expérimentalement la trajectoire d'un projectile et exploiter le document obtenu.

## Introduction :

Dans le **chapitre précédent**, nous avons appris à utiliser la deuxième loi de Newton pour décrire le **mouvement à une dimension** d'un solide.

**Ici** nous allons étudier, toujours avec cette même loi, le **mouvement à deux dimensions** d'un solide qui se meut dans le **champ de pesanteur uniforme**.

## Problème :

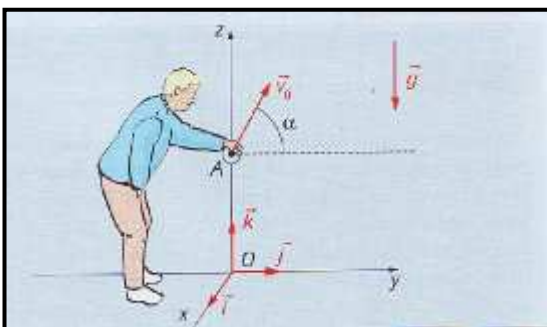
Un joueur de pétanque veut pointer sa boule pour l'amener près du cochonnet. Il veut l'envoyer à une distance de 6m, mais il ne doit pas dépasser une hauteur de 3m du sol, car un arbre peut gêner sa progression.

La main du joueur lâche la boule à une hauteur de 1.2m du sol avec un angle de 40°.

**Est-ce possible ?**

## Résolution :

1) Schéma de la situation :



➤ On cherche donc à connaître  afin de réaliser les conditions :

➤ On sait que  $OA = z(t = 0) = z_0 = 1.2 \text{ m}$   
 $x(t = 0) = 0$   
 $y(t = 0) = 0$

2) Les bases à définir avant tout problème de mécanique :

On travaille dans le **référentiel du joueur, fixe**, dont les pieds sont liés au sol. C'est un référentiel terrestre supposé galiléen le temps du lancer de la boule.

Le **système** étudié est la **boule de pétanque**.

Le **bilan des forces**, si on néglige les forces exercées par l'air sur le système, ne fait apparaître que



**Un solide en mouvement dans le champ de pesanteur uniforme, qui n'est soumis qu'à son poids, est appelé un projectile.**

3) Application de la deuxième loi de Newton <sup>(1)</sup> :

On a donc :

4) Equations horaires paramétriques :

a. Obtention de l'accélération sur les trois axes :

On projette sur les différents axes du repère :

Sur Ox :       Sur Oy :       Sur Oz :

b. Obtention de la vitesse en fonction du temps sur les trois axes :

On a   $a =$   . Donc pour avoir  $v = f(t)$ , nous devons  l'expression de l'accélération :

Sur Ox :       Sur Oy :       Sur Oz :

Pour avoir la valeur de ces constantes, on regarde la valeur de  $v (t = 0)$  :

$v_x(t = 0) =$   ;  $v_y(t = 0) =$   ;  $v_z(t = 0) =$

D'où :

Sur Ox :       Sur Oy :       Sur Oz :

c. Obtention de la position en fonction du temps sur les trois axes :

On a   $v =$   . Donc pour avoir  $p = f(t)$ , nous devons intégrer l'expression de la vitesse :

Sur Ox :       Sur Oy :       Sur Oz :

Pour avoir la valeur de ces constantes, on regarde la valeur de  $p (t = 0)$  :

$x(t = 0) =$   ;  $y(t = 0) =$   ;  $z(t = 0) =$

D'où :

Sur Ox :       Sur Oy :       Sur Oz :

5) Conséquences : mouvement plan et équation de la trajectoire <sup>(2) et (3)</sup> :

a. Mouvement plan :

Puisque  , le mouvement de la boule de pétanque ne s'effectue que dans le plan (yOz).

Ainsi, en exprimant  $z = f(y)$  ou  $y = g(z)$  on obtient l'équation de la trajectoire :



b. Equation de la trajectoire :

- D'après l'équation paramétrique sur Oy, on peut écrire :  $t =$
- On reporte alors cette expression dans l'équation paramétrique selon Oz :

$$z(y) = \text{$$

**Réponse au problème :**

La seule condition initiale qui nous manque est la vitesse initiale  $v_0$ , on comprend donc que nous allons travailler sur cette vitesse pour savoir si la situation est possible.

- La boule ne doit pas monter plus haut que 3m : . Lorsqu'elle est au plus haut, on a .

$$\text{} \Leftrightarrow t = \text{$$
 on remplace dans l'équation suivante :

$$\text{} \Leftrightarrow \text{} \dots$$

$$\Leftrightarrow v_0 < \text{} = \text{$$

- La boule doit atteindre une portée de 6m : . Quand elle tombe au sol : .

$$\text{} \Leftrightarrow t = \text{$$
 on remplace dans l'équation suivante :

$$\text{} \Leftrightarrow \text{} \dots$$

$$\Leftrightarrow v_0 = \text{} = \text{$$

**Conclusion :**

Remarque :

On parle généralement de **portée** pour la **distance horizontale maximale** que peut atteindre un tir.  
On parle de **flèche** pour la **hauteur maximale** que peut atteindre un tir.